

Acélszerkezetek (I.)

4. előadás

Nyomott elemek kihajlása, a kihajlási hosszak értelmezése

Szabó Imre Gábor

Pécsi Tudományegyetem Műszaki és Informatikai Kar

Építőmérnök Tanszék



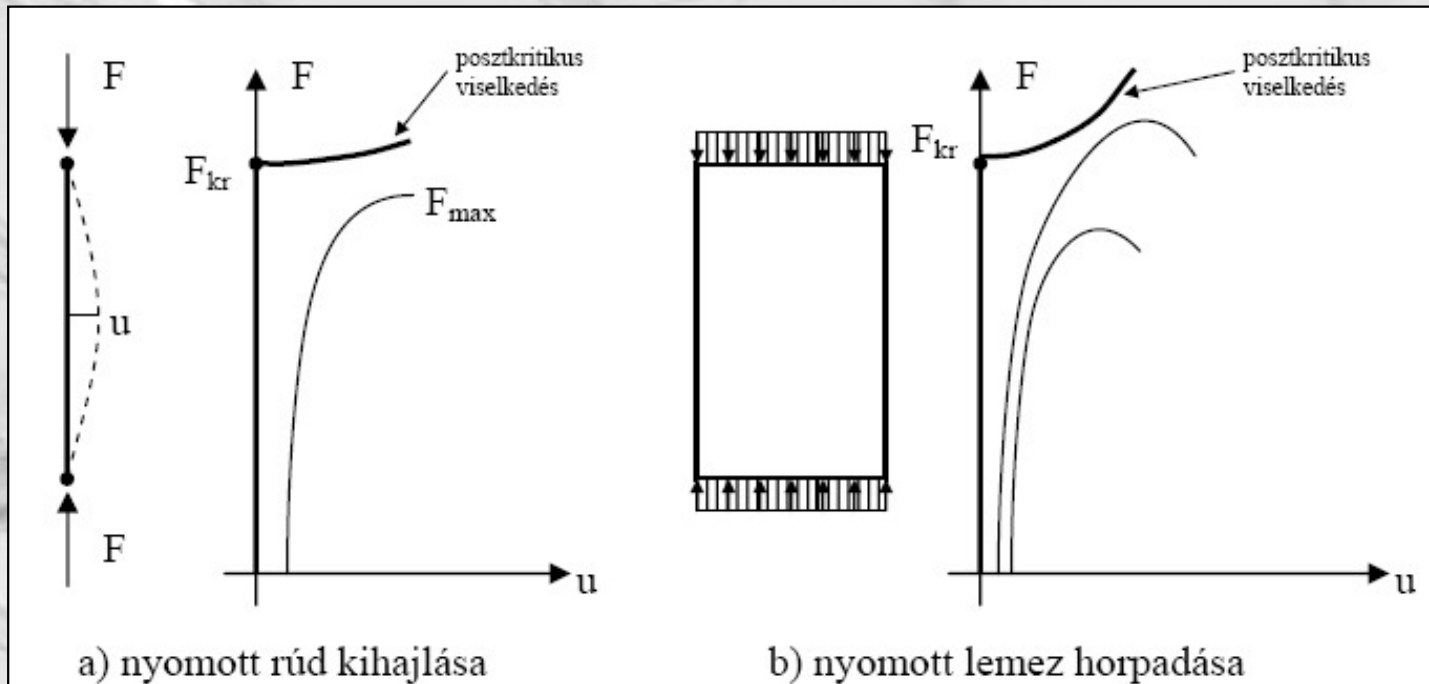
1. Stabilitási ellenállás

A központosan nyomott keresztmetszetek nem csak a keresztmetszet megfolyásával mehetnek tönkre, hanem stabilitásvesztéssel is.

Stabilitásvesztés: az ún. kritikus erőnél a rúd oldalirányban kihajlik, azaz az erő irányára merőleges értelmű deformált alakban veszi fel az új egyensúlyi helyzetét. Ezt egyensúlyi elágazásnak nevezzük. Nyomott rúd esetében ez gyakorlatilag a teherbírás maximumát is jelenti. Az elágazás utáni állapotban (posztkritikus viselkedés) a teher kismértékű növelése a deformáció jelentős növekedésével jár.

Másképpen fogalmazva a stabilitásvesztés egy szerkezet, vagy szerkezeti elem viselkedésének hirtelen, a keresztmetszeti feszültségekkel nem magyarázható megváltozását, teherbírásának ugrásszerű lecsökkenését jelenti.

A stabilitásvesztés a szerkezet-szerkezeti elem azonnali tönkremenetelét, és ezzel akár az egész építmény összeomlását idézheti elő, ezért ennek elkerülése a legfontosabb mérnöki feladat.



1. ábra. Egyensúly-elágazás [Dunai, Horváth 2007]

A stabilitásvesztés nem csak rudaknál és nem csak nyomás esetén jön létre. A stabilitásvesztési módokat aszerint is csoportosíthatjuk, hogy a teljes elemet érinti-e, vagy annak csak egy alkotó elemét:

- globális stabilitásvesztés: ilyenek lehetnek pl. síkbeli rúdkihajlás, elcsavarodó kihajlás, rúdkifordulás,
- lokális stabilitásvesztés: ilyenek lehetnek pl. az alkotó lemez horpadása, vagy összetett szelvények esetén az alkotó elemek rész-szelvény kihajlása.



Az egyes stabilitásvesztési módok létrejötte függ az elemre ható igénybevételtől is, így a globális módok közül lehet:

- kihajlás a nyomott rudaknál,
- kifordulás a hajlított tartóknál,

míg a lemezhorpadásoknál megkülönböztetünk:

- nyomott és/vagy hajlított lemezek horpadását (hosszirányú feszültségek),
- keresztirányban nyomott lemezek beroppanását (közvetlenül a terhelt gerinc),
- nyírt lemezek horpadását.

Az egyes stabilitásvesztési módokhoz jellegzetes alakok tartoznak. Az *1. táblázat* összefoglalja az igénybevételek hatására fellépő stabilitásvesztési módokat. A továbbiakban részletesen csak azokat tárgyaljuk, melyek a félév során elő fognak fordulni.

A további stabilitási jelenségekről bővebb útmutatással szolgál a kiadott segédlet (Dunai László, Horváth László, Kovács Nauzika, Varga Géza, Verőci Béla, Vigh L. Gergely: *Acélszerkezetek méretezése Eurocode 3 szerint, gyakorlati útmutató*. Budapest, 2007. 39. oldaltól).

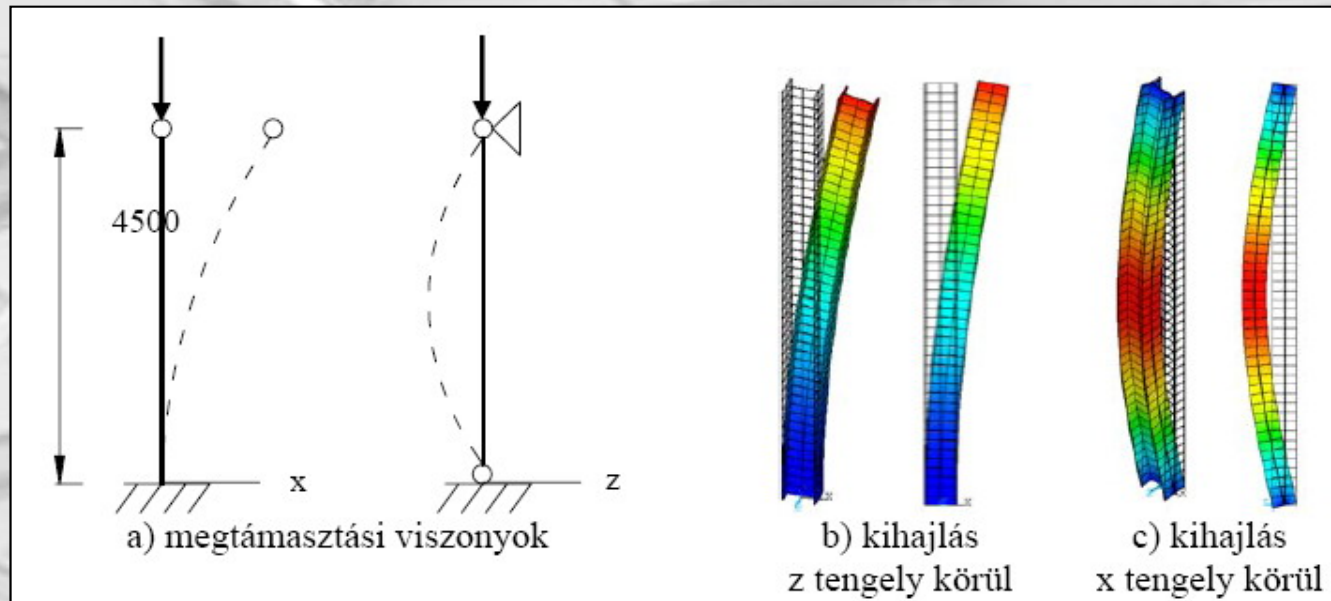


| | | központos nyomás | egyenes hajlítás | nyírás | keresztirányú feszültségek (közvetlen teher) |
|-----------------|-------------------------------------------|--------------------------------------------------|-----------------------------|------------------------|----------------------------------------------|
| globális | rudak | síkbeli kihajlás térbeli elcsavarodó kihajlás | kifordulás | | |
| lokális | alkotó lemez | lemez-horpadás | nyomott lemezrész horpadása | nyírási lemez-horpadás | beroppanás |
| | összetett szelvényű rúd rész-szelvénye | rész-szelvény kihajlása | | | |
| köölcsönhatások | | | | | |

1. táblázat. Stabilitásvesztési módok osztályozása [Dunai, Horváth 2007]

1.1 Síkbeli rúdkihajlás

A kihajló rúd alakja síkgörbe, a keresztmetszete nem torzul és nem csavarodik.



2. ábra. Síkbeli rúdkihajlás [Dunai, Horváth 2007]

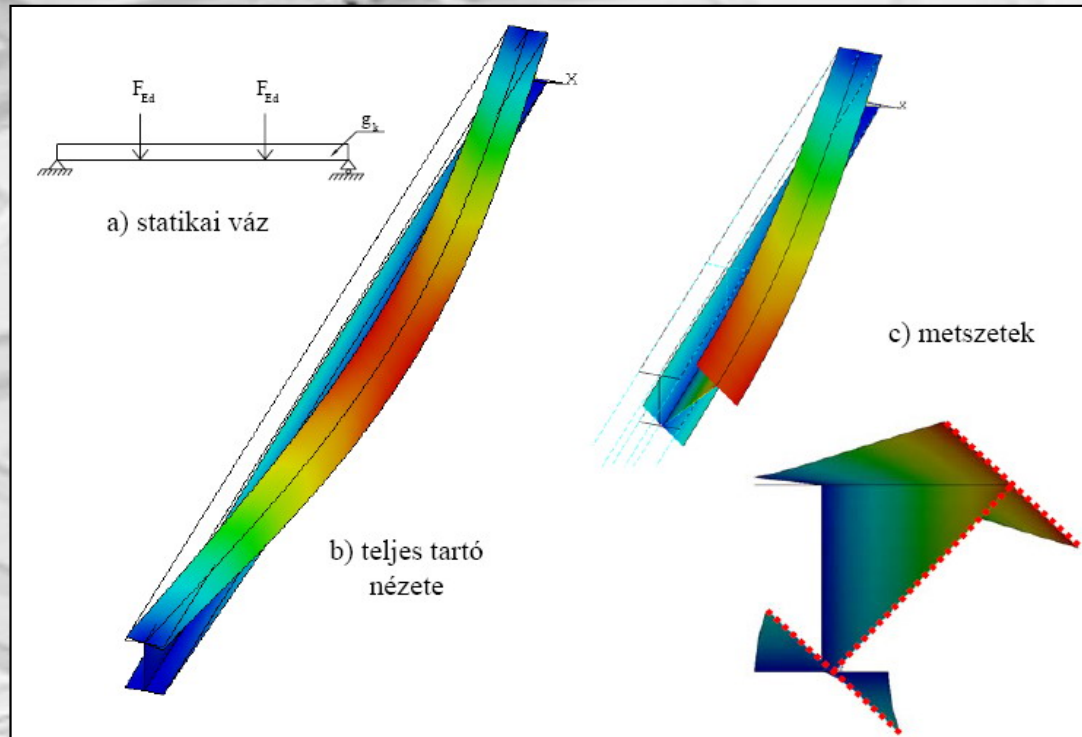
Függ:

- az anyagminőségtől,
- a hajlítási merevségtől (arra a tengelyre vonatkoztatva, amely körül kihajlik a rúd),
- a keresztmetszeti területtől,
- a befogási viszonyoktól.

1.2 Rúdkifordulás

A rúdkifordulás hajlított tartó esetén jön létre, a teljes rúd meghajlik és a keresztmetszet elcsavarodik. Két fajtája van:

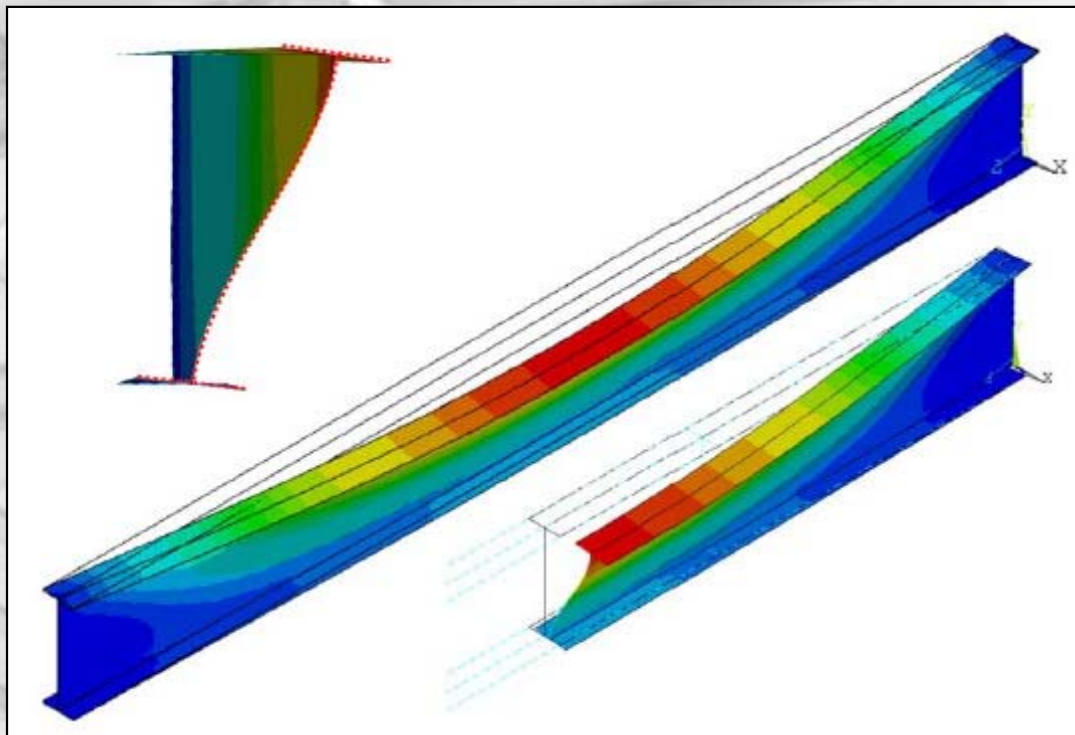
Alaktartó kifordulás: a keresztmetszet elcsavarodik, de nem torzul.



3. ábra. Rúdkifordulás – alaktartó keresztmetszet [Dunai, Horváth 2007]

Nem alaktartó kifordulás: a keresztmetszet jellegzetes módon torzul.

Általában a magasgerincű tartókra jellemző, a húzott öv szinte helyben marad, a tartó felső öve viszont elmozdul és csavarodik, a gerinc pedig deformálódik.



4. ábra. Rúdkifordulás – nem alaktartó keresztmetszet [Dunai, Horváth 2007]



Acélszerkezetek esetén a stabilitásvizsgálat sohasem a rugalmas stabilitástan eszköztárával levezethető kritikus feszültségek és igénybevételek alapján történik. Ennek az az oka, hogy a rugalmas stabilitástan tökéletesen rugalmas anyagi viselkedést tételez fel, valamint abból indul ki, hogy a vizsgálandó szerkezeti elem tökéletes, *imperfekcióktól* mentes, azaz tökéletesen egyenes, vagy sík geometriájú, sajátfeszültségektől mentes, tökéletesen központosan terhelt. A valóságban azonban ilyen tökéletes (ideális) szerkezeti elem nincs. Mindig vannak gyártási, beépítési hibák.

A kezdeti *imperfekciók* miatt így *képlékeny instabilitással* van dolgunk. A képlékeny instabilitás nem egy meghatározott teherszinten következik be, hanem egy, számos tényezőtől (pl. kezdeti görbeség) függő folyamat során.

A kísérleti eredmények alapján a vizsgálatokat kalibrált féltapasztalati összefüggésekkel végezzük.



2. Nyomott elemek kihajlása

A karcsúság meghatározása:

$$\lambda = \frac{v \cdot L}{i}$$

ahol: λ – karcsúsági tényező;

v – befogási tényező;

L – a szerkezeti elem teljes hossza;

$v \cdot L$ – a kihajlási hossz;

i – inerciasugár.

Az inerciasugár kiszámítása:

$$i = \sqrt{\frac{I}{A}}$$

ahol: i – inerciasugár;

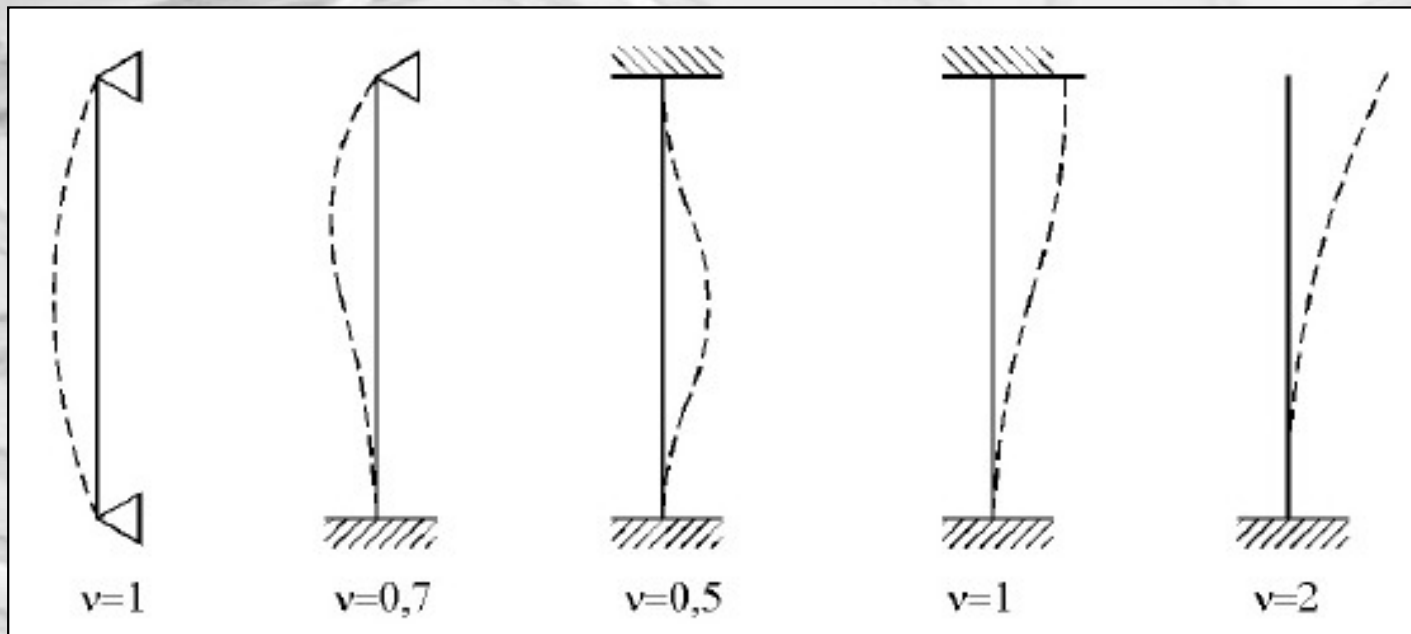
I – inercia;

A – a keresztmetszet felülete.

4. osztályú keresztmetszetek esetén a hatékony keresztmetszeti jellemzőkkel kell számolni. (pl. $A = A_{\text{eff}}$)



A legegyszerűbb esetekre vonatkozó ν befogási tényezőt az 5. ábra szemlélteti:



5. ábra. A ν befogási tényező a legegyszerűbb megtámasztási viszonyok esetén [Dunai, Horváth 2007]

A kihajlás a keresztmetszet két fő tehetetlenségi síkjában következhet be, ezért két karcsúságot (λ_y, λ_z) kell számítani:

$$\lambda_y = \frac{\nu_y \cdot L}{i_y} \quad \text{és} \quad \lambda_z = \frac{\nu_z \cdot L}{i_z}$$



A λ karcsúságból a $\bar{\lambda}$ viszonyított karcsúság meghatározása:

$$\bar{\lambda} = \frac{\lambda}{\lambda_1}$$

ahol: $\bar{\lambda}$ – a viszonyított karcsúság;

λ – karcsúsági tényező;

λ_1 – annak a képzeletbeli rúdnek a karcsúsága, amelynek kihajlása és keresztmetszetének megfolyása egyszerre következik be.

A λ_1 anyagjellemző, mivel csak a rugalmassági modulustól és a folyáshatártól függ:

$$\lambda_1 = \pi \cdot \sqrt{\frac{E}{f_y}}$$

Ennek megfelelően: S235 anyagra: $\lambda_1 = 93,9$

S275 anyagra: $\lambda_1 = 86,8$

S355 anyagra: $\lambda_1 = 76,4$

S420 anyagra: $\lambda_1 = 70,2$

S460 anyagra: $\lambda_1 = 67,1$



A kihajlási ellenállás számítása:

A viszonyított karcsúság függvényében megadott χ csökkentő tényező segítségével történik a következő összefüggésből:

$$N_{b,Rd} = \frac{\chi \cdot \bar{A} \cdot f_y}{\gamma_{M1}}$$

ahol: $N_{b,Rd}$ – a kihajlási ellenállás;

χ – kihajlási csökkentő tényező

$\bar{A} = A$ – a keresztmetszeti felület, de tiszta nyomásra 4. osztályú keresztmetszet esetében $\bar{A} = A_{eff}$;

f_y – az anyag folyáshatár értéke;

γ_{M1} – parciális tényező rudak stabilitásvizsgálatára (értéke 1,00).

A χ kihajlási csökkentő tényező függ a keresztmetszet alakjától is, és az ún. európai kihajlási görbékből (a_0 , a, b, c és d) határozható meg.



A χ kihajlási csökkentő tényezőt a viszonyított karcsúságtól és a keresztmetszet besorolásától függően a következő képlet szolgálja:

$$\chi = \frac{1}{\Phi + \sqrt{\Phi^2 - \bar{\lambda}^2}} \quad \text{de} \quad \chi \leq 1,0$$

ahol:

$$\Phi = \frac{1 + \alpha \cdot (\bar{\lambda} - 0,2) + \bar{\lambda}^2}{2}$$

ahol: α – alakhiba-tényező, amely a keresztmetszet besorolásától függ;

$\bar{\lambda}$ – viszonyított karcsúság.

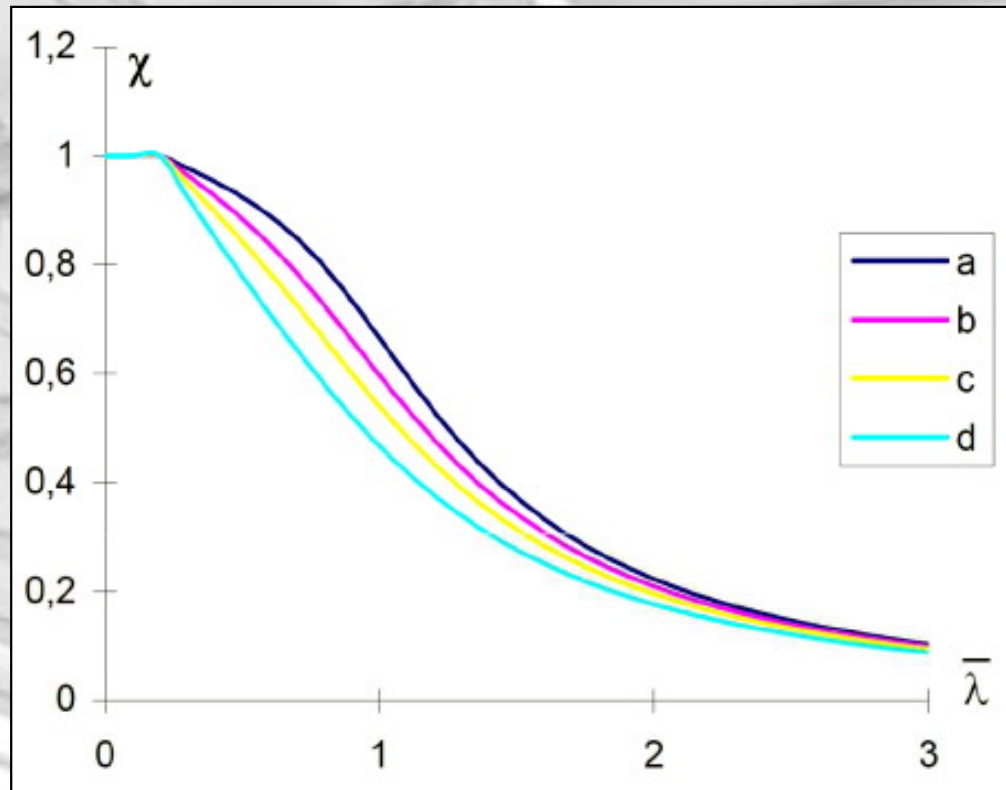
Az α alakhiba-tényező az alakhibák, vagyis imperfekciók nagyságát adja meg, melynek értékeit a 2. táblázat mutatja:

| a keresztmetszet csoportja | α alakhiba tényező |
|----------------------------|---------------------------|
| a_0 | 0,13 |
| a | 0,21 |
| b | 0,34 |
| c | 0,49 |
| d | 0,76 |

2. táblázat. Az α alakhiba-tényező értékei



A megfelelő kihajlási görbe kiválasztása egy adott keresztmetszethez táblázat alapján történik, mely táblázat a keresztmetszet típusának, a méretkorlátoknak és annak a tengelynek a függvényében, mely körül a kihajlás létre jöhet, segít kiválasztani a görbét.



6. ábra. Kihajlási görbék [Grün 2013]



Az „ a_0 ” görbe jelenti a legkisebb, a „ d ” a legnagyobb csökkentést. A rudak besorolása imperfekcióiktól, elsősorban gyártási sajátfeszültségektől függ. Az utolsó két oszlopban: (a): S235, S420 anyagokra, (b): S460 anyagra.

| Keresztmetszet típusa | Eset | | Kihajlás tengelye | Csoport | |
|--------------------------|----------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------|-------------------|---------|----------------|
| | | | | (a) | (b) |
| Hengerelt I szelvény | $h/b > 1,2$ | $t_f \leq 40 \text{ mm}$ | y z | a b | a_0 a_0 |
| | | $40 \text{ mm} < t_f \leq 100 \text{ mm}$ | y z | b c | a a |
| | $h/b \leq 1,2$ | $t_f \leq 100 \text{ mm}$ | y z | b c | a a |
| | | $100 \text{ mm} < t_f$ | y z | d d | c c |
| Hegesztett I szelvény | $t_f \leq 40 \text{ mm}$ | | y z | b c | b c |
| | $40 \text{ mm} < t_f$ | | y z | c d | c d |
| Zárt szelvényű idomacél | melegen hengerelt | | bármely | a | a_0 |
| | hidegen alakított | | bármely | c | c |
| Hegesztett zárt szelvény | általában | | bármely | b | b |
| | erős varratok ($a > 0,5t_f$), továbbá $b/t_f < 30$ és $h/t_w < 30$ | | bármely | c | c |
| U, T és tömör szelvény | minden esetben | | bármely | c | c |
| Szögacél | minden esetben | | bármely | b | b |

3. táblázat. Rudak besorolása a kihajlás vizsgálatához [Dunai, Horváth 2007]



A kihajlási görbe táblázatok megtalálhatók:

- Dunai László, Horváth László, Kovács Nauzika, Varga Géza, Verőci Béla, Vigh L. Gergely: *Acélszerkezetek méretezése Eurocode 3 szerint, gyakorlati útmutató*. Budapest, 2007. 51-55 oldalon;
- Dunai László, Horváth László, Kovács Nauzika, Varga Géza, Verőci Béla, Vigh L. Gergely: *Acélszerkezetek méretezése Eurocode 3 szerint, gyakorlati útmutató*. Budapest, 2009. 141-145 oldalon.

| | 0,00 | 0,01 | 0,02 | 0,03 | 0,04 | 0,05 | 0,06 | 0,07 | 0,08 | 0,09 | |
|------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|------|
| 0,20 | 1,0000 | 0,9986 | 0,9973 | 0,9959 | 0,9945 | 0,9931 | 0,9917 | 0,9903 | 0,9889 | 0,9874 | 0,20 |
| 0,30 | 0,9859 | 0,9845 | 0,9829 | 0,9814 | 0,9799 | 0,9783 | 0,9767 | 0,9751 | 0,9735 | 0,9718 | 0,30 |
| 0,40 | 0,9701 | 0,9684 | 0,9667 | 0,9649 | 0,9631 | 0,9612 | 0,9593 | 0,9574 | 0,9554 | 0,9534 | 0,40 |
| 0,50 | 0,9513 | 0,9492 | 0,9470 | 0,9448 | 0,9425 | 0,9402 | 0,9378 | 0,9354 | 0,9328 | 0,9302 | 0,50 |
| 0,60 | 0,9276 | 0,9248 | 0,9220 | 0,9191 | 0,9161 | 0,9130 | 0,9099 | 0,9066 | 0,9032 | 0,8997 | 0,60 |
| 0,70 | 0,8961 | 0,8924 | 0,8886 | 0,8847 | 0,8806 | 0,8764 | 0,8721 | 0,8676 | 0,8630 | 0,8582 | 0,70 |
| 0,80 | 0,8533 | 0,8483 | 0,8431 | 0,8377 | 0,8322 | 0,8266 | 0,8208 | 0,8148 | 0,8087 | 0,8025 | 0,80 |
| 0,90 | 0,7961 | 0,7895 | 0,7828 | 0,7760 | 0,7691 | 0,7620 | 0,7549 | 0,7476 | 0,7403 | 0,7329 | 0,90 |
| 1,00 | 0,7253 | 0,7178 | 0,7101 | 0,7025 | 0,6948 | 0,6870 | 0,6793 | 0,6715 | 0,6637 | 0,6560 | 1,00 |
| 1,10 | 0,6482 | 0,6405 | 0,6329 | 0,6252 | 0,6176 | 0,6101 | 0,6026 | 0,5951 | 0,5877 | 0,5804 | 1,10 |
| 1,20 | 0,5732 | 0,5660 | 0,5590 | 0,5520 | 0,5450 | 0,5382 | 0,5314 | 0,5248 | 0,5182 | 0,5117 | 1,20 |
| 1,30 | 0,5053 | 0,4990 | 0,4927 | 0,4866 | 0,4806 | 0,4746 | 0,4687 | 0,4629 | 0,4572 | 0,4516 | 1,30 |
| 1,40 | 0,4461 | 0,4407 | 0,4353 | 0,4300 | 0,4248 | 0,4197 | 0,4147 | 0,4097 | 0,4049 | 0,4001 | 1,40 |
| 1,50 | 0,3953 | 0,3907 | 0,3861 | 0,3816 | 0,3772 | 0,3728 | 0,3685 | 0,3643 | 0,3601 | 0,3560 | 1,50 |
| 1,60 | 0,3520 | 0,3480 | 0,3441 | 0,3403 | 0,3365 | 0,3328 | 0,3291 | 0,3255 | 0,3219 | 0,3184 | 1,60 |
| 1,70 | 0,3150 | 0,3116 | 0,3083 | 0,3050 | 0,3017 | 0,2985 | 0,2954 | 0,2923 | 0,2892 | 0,2862 | 1,70 |
| 1,80 | 0,2833 | 0,2804 | 0,2775 | 0,2746 | 0,2719 | 0,2691 | 0,2664 | 0,2637 | 0,2611 | 0,2585 | 1,80 |
| 1,90 | 0,2559 | 0,2534 | 0,2509 | 0,2485 | 0,2461 | 0,2437 | 0,2414 | 0,2390 | 0,2368 | 0,2345 | 1,90 |
| 2,00 | 0,2323 | 0,2301 | 0,2280 | 0,2258 | 0,2237 | 0,2217 | 0,2196 | 0,2176 | 0,2156 | 0,2136 | 2,00 |
| 2,10 | 0,2117 | 0,2098 | 0,2079 | 0,2061 | 0,2042 | 0,2024 | 0,2006 | 0,1989 | 0,1971 | 0,1954 | 2,10 |
| 2,20 | 0,1937 | 0,1920 | 0,1904 | 0,1887 | 0,1871 | 0,1855 | 0,1840 | 0,1824 | 0,1809 | 0,1794 | 2,20 |
| 2,30 | 0,1779 | 0,1764 | 0,1749 | 0,1735 | 0,1721 | 0,1707 | 0,1693 | 0,1679 | 0,1665 | 0,1652 | 2,30 |
| 2,40 | 0,1639 | 0,1626 | 0,1613 | 0,1600 | 0,1587 | 0,1575 | 0,1563 | 0,1550 | 0,1538 | 0,1526 | 2,40 |
| 2,50 | 0,1515 | 0,1503 | 0,1491 | 0,1480 | 0,1469 | 0,1458 | 0,1447 | 0,1436 | 0,1425 | 0,1414 | 2,50 |
| 2,60 | 0,1404 | 0,1394 | 0,1383 | 0,1373 | 0,1363 | 0,1353 | 0,1343 | 0,1333 | 0,1324 | 0,1314 | 2,60 |
| 2,70 | 0,1305 | 0,1296 | 0,1286 | 0,1277 | 0,1268 | 0,1259 | 0,1250 | 0,1242 | 0,1233 | 0,1224 | 2,70 |
| 2,80 | 0,1216 | 0,1207 | 0,1199 | 0,1191 | 0,1183 | 0,1175 | 0,1167 | 0,1159 | 0,1151 | 0,1143 | 2,80 |
| 2,90 | 0,1136 | 0,1128 | 0,1120 | 0,1113 | 0,1106 | 0,1098 | 0,1091 | 0,1084 | 0,1077 | 0,1070 | 2,90 |
| 3,00 | 0,1063 | 0,1056 | 0,1049 | 0,1043 | 0,1036 | 0,1029 | 0,1023 | 0,1016 | 0,1010 | 0,1003 | 3,00 |
| 3,10 | 0,0997 | 0,0991 | 0,0985 | 0,0979 | 0,0972 | 0,0966 | 0,0960 | 0,0955 | 0,0949 | 0,0943 | 3,10 |
| 3,20 | 0,0937 | 0,0931 | 0,0926 | 0,0920 | 0,0915 | 0,0909 | 0,0904 | 0,0898 | 0,0893 | 0,0888 | 3,20 |
| 3,30 | 0,0882 | 0,0877 | 0,0872 | 0,0867 | 0,0862 | 0,0857 | 0,0852 | 0,0847 | 0,0842 | 0,0837 | 3,30 |
| 3,40 | 0,0832 | 0,0828 | 0,0823 | 0,0818 | 0,0814 | 0,0809 | 0,0804 | 0,0800 | 0,0795 | 0,0791 | 3,40 |
| 3,50 | 0,0786 | 0,0782 | 0,0778 | 0,0773 | 0,0769 | 0,0765 | 0,0761 | 0,0756 | 0,0752 | 0,0748 | 3,50 |
| 3,60 | 0,0744 | 0,0740 | 0,0736 | 0,0732 | 0,0728 | 0,0724 | 0,0720 | 0,0717 | 0,0713 | 0,0709 | 3,60 |
| 3,70 | 0,0705 | 0,0702 | 0,0698 | 0,0694 | 0,0691 | 0,0687 | 0,0683 | 0,0680 | 0,0676 | 0,0673 | 3,70 |
| 3,80 | 0,0669 | 0,0666 | 0,0662 | 0,0659 | 0,0656 | 0,0652 | 0,0649 | 0,0646 | 0,0642 | 0,0639 | 3,80 |
| 3,90 | 0,0636 | 0,0633 | 0,0630 | 0,0626 | 0,0623 | 0,0620 | 0,0617 | 0,0614 | 0,0611 | 0,0608 | 3,90 |
| 4,00 | 0,0605 | 0,0602 | 0,0599 | 0,0596 | 0,0593 | 0,0591 | 0,0588 | 0,0585 | 0,0582 | 0,0579 | 4,00 |
| 4,10 | 0,0576 | 0,0574 | 0,0571 | 0,0568 | 0,0566 | 0,0563 | 0,0560 | 0,0558 | 0,0555 | 0,0552 | 4,10 |
| 4,20 | 0,0550 | 0,0547 | 0,0545 | 0,0542 | 0,0540 | 0,0537 | 0,0535 | 0,0532 | 0,0530 | 0,0527 | 4,20 |
| 4,30 | 0,0525 | 0,0522 | 0,0520 | 0,0518 | 0,0515 | 0,0513 | 0,0511 | 0,0508 | 0,0506 | 0,0504 | 4,30 |
| 4,40 | 0,0502 | 0,0499 | 0,0497 | 0,0495 | 0,0493 | 0,0491 | 0,0488 | 0,0486 | 0,0484 | 0,0482 | 4,40 |
| 4,50 | 0,0480 | 0,0478 | 0,0476 | 0,0474 | 0,0472 | 0,0470 | 0,0468 | 0,0466 | 0,0464 | 0,0462 | 4,50 |
| 4,60 | 0,0460 | 0,0458 | 0,0456 | 0,0454 | 0,0452 | 0,0450 | 0,0448 | 0,0446 | 0,0444 | 0,0442 | 4,60 |
| 4,70 | 0,0440 | 0,0439 | 0,0437 | 0,0435 | 0,0433 | 0,0431 | 0,0430 | 0,0428 | 0,0426 | 0,0424 | 4,70 |
| 4,80 | 0,0423 | 0,0421 | 0,0419 | 0,0417 | 0,0416 | 0,0414 | 0,0412 | 0,0411 | 0,0409 | 0,0407 | 4,80 |
| 4,90 | 0,0406 | 0,0404 | 0,0402 | 0,0401 | 0,0399 | 0,0398 | 0,0396 | 0,0395 | 0,0393 | 0,0391 | 4,90 |
| 5,00 | 0,0390 | 0,0388 | 0,0387 | 0,0385 | 0,0384 | 0,0382 | 0,0381 | 0,0379 | 0,0378 | 0,0376 | 5,00 |

Fl.1. táblázat: Az „ a_0 ” kihajlási görbe táblázata χ értékei $\bar{\lambda}$ függvényében.

| | 0,00 | 0,01 | 0,02 | 0,03 | 0,04 | 0,05 | 0,06 | 0,07 | 0,08 | 0,09 | |
|------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|------|
| 0,20 | 1,0000 | 0,9978 | 0,9956 | 0,9934 | 0,9912 | 0,9889 | 0,9867 | 0,9844 | 0,9821 | 0,9798 | 0,20 |
| 0,30 | 0,9775 | 0,9751 | 0,9728 | 0,9704 | 0,9680 | 0,9655 | 0,9630 | 0,9605 | 0,9580 | 0,9554 | 0,30 |
| 0,40 | 0,9528 | 0,9501 | 0,9474 | 0,9447 | 0,9419 | 0,9391 | 0,9363 | 0,9333 | 0,9304 | 0,9273 | 0,40 |
| 0,50 | 0,9243 | 0,9211 | 0,9179 | 0,9147 | 0,9114 | 0,9080 | 0,9045 | 0,9010 | 0,8974 | 0,8937 | 0,50 |
| 0,60 | 0,8900 | 0,8862 | 0,8823 | 0,8783 | 0,8742 | 0,8700 | 0,8657 | 0,8614 | 0,8569 | 0,8524 | 0,60 |
| 0,70 | 0,8477 | 0,8430 | 0,8382 | 0,8332 | 0,8282 | 0,8230 | 0,8178 | 0,8124 | 0,8069 | 0,8014 | 0,70 |
| 0,80 | 0,7957 | 0,7899 | 0,7841 | 0,7781 | 0,7721 | 0,7659 | 0,7597 | 0,7534 | 0,7470 | 0,7405 | 0,80 |
| 0,90 | 0,7339 | 0,7273 | 0,7206 | 0,7139 | 0,7071 | 0,7003 | 0,6934 | 0,6865 | 0,6796 | 0,6726 | 0,90 |
| 1,00 | 0,6656 | 0,6586 | 0,6516 | 0,6446 | 0,6376 | 0,6306 | 0,6236 | 0,6167 | 0,6098 | 0,6029 | 1,00 |
| 1,10 | 0,5960 | 0,5892 | 0,5824 | 0,5757 | 0,5690 | 0,5623 | 0,5557 | 0,5492 | 0,5427 | 0,5363 | 1,10 |
| 1,20 | 0,5300 | 0,5237 | 0,5175 | 0,5114 | 0,5053 | 0,4993 | 0,4934 | 0,4875 | 0,4817 | 0,4760 | 1,20 |
| 1,30 | 0,4703 | 0,4648 | 0,4593 | 0,4538 | 0,4485 | 0,4432 | 0,4380 | 0,4329 | 0,4278 | 0,4228 | 1,30 |
| 1,40 | 0,4179 | 0,4130 | 0,4083 | 0,4036 | 0,3989 | 0,3943 | 0,3898 | 0,3854 | 0,3810 | 0,3767 | 1,40 |
| 1,50 | 0,3724 | 0,3682 | 0,3641 | 0,3601 | 0,3561 | 0,3521 | 0,3482 | 0,3444 | 0,3406 | 0,3369 | 1,50 |
| 1,60 | 0,3332 | 0,3296 | 0,3261 | 0,3226 | 0,3191 | 0,3157 | 0,3124 | 0,3091 | 0,3058 | 0,3026 | 1,60 |
| 1,70 | 0,2994 | 0,2963 | 0,2933 | 0,2902 | 0,2872 | 0,2843 | 0,2814 | 0,2786 | 0,2757 | 0,2730 | 1,70 |
| 1,80 | 0,2702 | 0,2675 | 0,2649 | 0,2623 | 0,2597 | 0,2571 | 0,2546 | 0,2522 | 0,2497 | 0,2473 | 1,80 |
| 1,90 | 0,2449 | 0,2426 | 0,2403 | 0,2380 | 0,2358 | 0,2335 | 0,2314 | 0,2292 | 0,2271 | 0,2250 | 1,90 |
| 2,00 | 0,2229 | 0,2209 | 0,2188 | 0,2168 | 0,2149 | 0,2129 | 0,2110 | 0,2091 | 0,2073 | 0,2054 | 2,00 |
| 2,10 | 0,2036 | 0,2018 | 0,2001 | 0,1983 | 0,1966 | 0,1949 | 0,1932 | 0,1915 | 0,1899 | 0,1883 | 2,10 |
| 2,20 | 0,1867 | 0,1851 | 0,1836 | 0,1820 | 0,1805 | 0,1790 | 0,1775 | 0,1760 | 0,1746 | 0,1732 | 2,20 |
| 2,30 | 0,1717 | 0,1704 | 0,1690 | 0,1676 | 0,1663 | 0,1649 | 0,1636 | 0,1623 | 0,1610 | 0,1598 | 2,30 |
| 2,40 | 0,1585 | 0,1573 | 0,1560 | 0,1548 | 0,1536 | 0,1524 | 0,1513 | 0,1501 | 0,1490 | 0,1478 | 2,40 |
| 2,50 | 0,1467 | 0,1456 | 0,1445 | 0,1434 | 0,1424 | 0,1413 | 0,1403 | 0,1392 | 0,1382 | 0,1372 | 2,50 |
| 2,60 | 0,1362 | 0,1352 | 0,1342 | 0,1332 | 0,1323 | 0,1313 | 0,1304 | 0,1295 | 0,1285 | 0,1276 | 2,60 |
| 2,70 | 0,1267 | 0,1258 | 0,1250 | 0,1241 | 0,1232 | 0,1224 | 0,1215 | 0,1207 | 0,1198 | 0,1190 | 2,70 |
| 2,80 | 0,1182 | 0,1174 | 0,1166 | 0,1158 | 0,1150 | 0,1143 | 0,1135 | 0,1128 | 0,1120 | 0,1113 | 2,80 |
| 2,90 | 0,1105 | 0,1098 | 0,1091 | 0,1084 | 0,1077 | 0,1070 | 0,1063 | 0,1056 | 0,1049 | 0,1042 | 2,90 |
| 3,00 | 0,1036 | 0,1029 | 0,1022 | 0,1016 | 0,1010 | 0,1003 | 0,0997 | 0,0991 | 0,0985 | 0,0978 | 3,00 |
| 3,10 | 0,0972 | 0,0966 | 0,0960 | 0,0954 | 0,0949 | 0,0943 | 0,0937 | 0,0931 | 0,0926 | 0,0920 | 3,10 |
| 3,20 | 0,0915 | 0,0909 | 0,0904 | 0,0898 | 0,0893 | 0,0888 | 0,0882 | 0,0877 | 0,0872 | 0,0867 | 3,20 |
| 3,30 | 0,0862 | 0,0857 | 0,0852 | 0,0847 | 0,0842 | 0,0837 | 0,0832 | 0,0828 | 0,0823 | 0,0818 | 3,30 |
| 3,40 | 0,0814 | 0,0809 | 0,0804 | 0,0800 | 0,0795 | 0,0791 | 0,0786 | 0,0782 | 0,0778 | 0,0773 | 3,40 |
| 3,50 | 0,0769 | 0,0765 | 0,0761 | 0,0757 | 0,0752 | 0,0748 | 0,0744 | 0,0740 | 0,0736 | 0,0732 | 3,50 |
| 3,60 | 0,0728 | 0,0724 | 0,0721 | 0,0717 | 0,0713 | 0,0709 | 0,0705 | 0,0702 | 0,0698 | 0,0694 | 3,60 |
| 3,70 | 0,0691 | 0,0687 | 0,0683 | 0,0680 | 0,0676 | 0,0673 | 0,0669 | 0,0666 | 0,0663 | 0,0659 | 3,70 |
| 3,80 | 0,0656 | 0,0652 | 0,0649 | 0,0646 | 0,0643 | 0,0639 | 0,0636 | 0,0633 | 0,0630 | 0,0627 | 3,80 |
| 3,90 | 0,0623 | 0,0620 | 0,0617 | 0,0614 | 0,0611 | 0,0608 | 0,0605 | 0,0602 | 0,0599 | 0,0596 | 3,90 |
| 4,00 | 0,0594 | 0,0591 | 0,0588 | 0,0585 | 0,0582 | 0,0579 | 0,0577 | 0,0574 | 0,0571 | 0,0568 | 4,00 |
| 4,10 | 0,0566 | 0,0563 | 0,0560 | 0,0558 | 0,0555 | 0,0552 | 0,0550 | 0,0547 | 0,0545 | 0,0542 | 4,10 |
| 4,20 | 0,0540 | 0,0537 | 0,0535 | 0,0532 | 0,0530 | 0,0527 | 0,0525 | 0,0523 | 0,0520 | 0,0518 | 4,20 |



Bizonyos esetekben előfordulhat, hogy nem a kihajlás a mértékadó:
Ha az alábbi két feltétel közül valamelyik teljesül, akkor a szilárdsági
tönkremenetel lesz a mértékadó, a kifordulási hatás elhanyagolható:

$$\bar{\lambda} \leq 0,2 \quad \text{vagy} \quad \frac{N_{Ed}}{N_{cr}} \leq 0,04$$

ahol: $\bar{\lambda}$ – viszonyított karcsúság;

N_{Ed} – a mértékadó teher;

N_{cr} – a kritikus erő.

$$N_{cr} = \frac{\pi^2 \cdot EI}{(v \cdot L)^2}$$

ahol: N_{cr} – a kritikus erő;

E – rugalmassági modulus;

I – inercianyomaték;

v – befogási tényező;

L – a szerkezeti elem teljes hossza.

Mintapélda: AGYU: 3.9 Példa, 3.10 Példa, 3.11 Példa, 3.12 Példa



Felhasznált irodalom

DR. IVÁNYI MIKLÓS: *Acélszerkezetek tervezése Eurocode 3 szerint.* Elektronikus jegyzet, Budapest, é.n.

DUNAI LÁSZLÓ, HORVÁTH LÁSZLÓ, KOVÁCS NAUZIKA, VARGA GÉZA, VERŐCI BÉLA, VIGH L. GERGELY: *Acélszerkezetek méretezése Eurocode 3 szerint, gyakorlati útmutató.* Budapest, 2007

DUNAI LÁSZLÓ, HORVÁTH LÁSZLÓ, KOVÁCS NAUZIKA, VARGA GÉZA, VERŐCI BÉLA, VIGH L. GERGELY: *Acélszerkezetek méretezése Eurocode 3 szerint, gyakorlati útmutató.* Budapest, 2009

GRÜN TAMÁS: *Acélszerkezetek I. Nyomott elemek kihajlása. A kihajlási hosszak értelmezése. 4. gyakorlat.* Elektronikus jegyzet, Pécs, 2013