

# Képlékeny alakítás elméleti alapjai és képlékenységtani számítások

# Nyúlás számítása

- Mérnöki vagy valódi nyúlás
- $\varphi_x = \ln \frac{x}{x_0}$ ,  $\varphi_y = \ln \frac{y}{y_0}$ ,  $\varphi_z = \ln \frac{z}{z_0}$
- $\varphi_x + \varphi_y + \varphi_z = \varphi_1 + \varphi_2 + \varphi_3 = 0$
- $\varphi_{\ddot{o}} = \sqrt{\frac{2}{3}(\varphi_1^2 + \varphi_2^2 + \varphi_3^2)} = \frac{\sqrt{2}}{3} \sqrt{(\varphi_1 - \varphi_2)^2 + (\varphi_2 - \varphi_3)^2 + (\varphi_1 - \varphi_3)^2}$

# Alakváltozási sebesség

- $\dot{\varphi}_x = \frac{d\varphi_x}{dt} = \frac{v_x}{x}, \quad \dot{\varphi}_y = \frac{d\varphi_y}{dt} = \frac{v_y}{y}, \quad \dot{\varphi}_z = \frac{d\varphi_z}{dt} = \frac{v_z}{z}$
- $\varphi_x + \varphi_y + \varphi_z = 0$
- $\varphi_{\ddot{o}} = \sqrt{\frac{2}{3}(\varphi_1^2 + \varphi_2^2 + \varphi_3^2)} = \frac{\sqrt{2}}{3} \sqrt{(\varphi_1 - \varphi_2)^2 + (\varphi_2 - \varphi_3)^2 + (\varphi_1 - \varphi_3)^2}$
- Példa:  $X_0=40, Y_0=40, Z_0=60, v_z=-0.5 \text{ mm/s}$ , Y irányú alakváltozást megakadályozzuk ( $Y=Y_0$ )
- Mekkora az alakváltozási sebesség  $Z=30 \text{ mm}$ -es méretnél?
- $X = \frac{X_0 Z_0}{Z} = 80 \text{ mm}$
- $\dot{\varphi}_z = \frac{v_z}{z} = \frac{-0.5}{30} = -0.0167 \text{ 1/s}, \quad \dot{\varphi}_y = 0, \quad \dot{\varphi}_x = -\dot{\varphi}_z = 0.0167 \text{ 1/s}$
- $\varphi_{\ddot{o}} = \sqrt{\frac{2}{3}(\varphi_x^2 + \varphi_y^2 + \varphi_z^2)} = 0.019 \text{ 1/s}$

# Jellemző $\varphi_{\ddot{o}}$ és $\varphi_{\ddot{o}}$ értékek

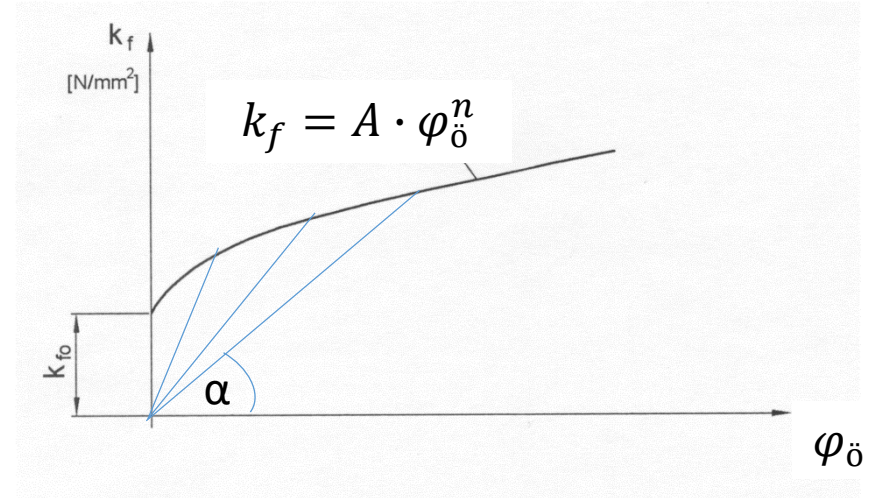
Eljárás	$\varphi_{\ddot{o}}$	$\varphi_{\ddot{o}}$ [1/s]
Hideghengerlés	0.1-0.5	1-10 <sup>3</sup>
Huzal és rúdhúzás	0.05-0.5	1-10 <sup>4</sup>
Mélyhúzás	0.1-0.5	1-10 <sup>2</sup>
Robbantásos alakítás	0.05-0.2	10-10 <sup>5</sup>
Kovácsolás	0.1-0.5	1-10 <sup>3</sup>
Rúd és profilsajtolás (hidegfolyatás)	2-5	10 <sup>-1</sup> -10 <sup>2</sup>
Szuperképlékeny alakítás	0.2-3	10 <sup>-4</sup> -10 <sup>-3</sup>

# Képlékenységi feltétel (folyási feltétel)

- $\sigma_{\ddot{o}} = k_f$
- $\sigma_{\ddot{o}}^T = \sigma_1 - \sigma_2$  legnagyobb csúsztató feszültség elmélete
- $\sigma_{\ddot{o}}^{HMH} = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{(\sigma_1 - \sigma_2)^2 + (\sigma_2 - \sigma_3)^2 + (\sigma_3 - \sigma_1)^2}$  munka elmélet
- Legnagyobb eltérés:  $\sigma_2 = \frac{\sigma_1 + \sigma_3}{2} \approx 15\%$
- Példa:

# Anyagtörvény képlékeny állapotban

- $\varphi_x = \frac{1}{D} \left[ \sigma_x - \frac{1}{2} (\sigma_y + \sigma_z) \right]$  D – képlékenységi modulusz [MPa]
- $\varphi_y = \frac{1}{D} \left[ \sigma_y - \frac{1}{2} (\sigma_x + \sigma_z) \right]$   $D = \operatorname{tg} \alpha = \frac{k_f}{\varphi_{\ddot{o}}}$
- $\varphi_z = \frac{1}{D} \left[ \sigma_z - \frac{1}{2} (\sigma_x + \sigma_y) \right]$

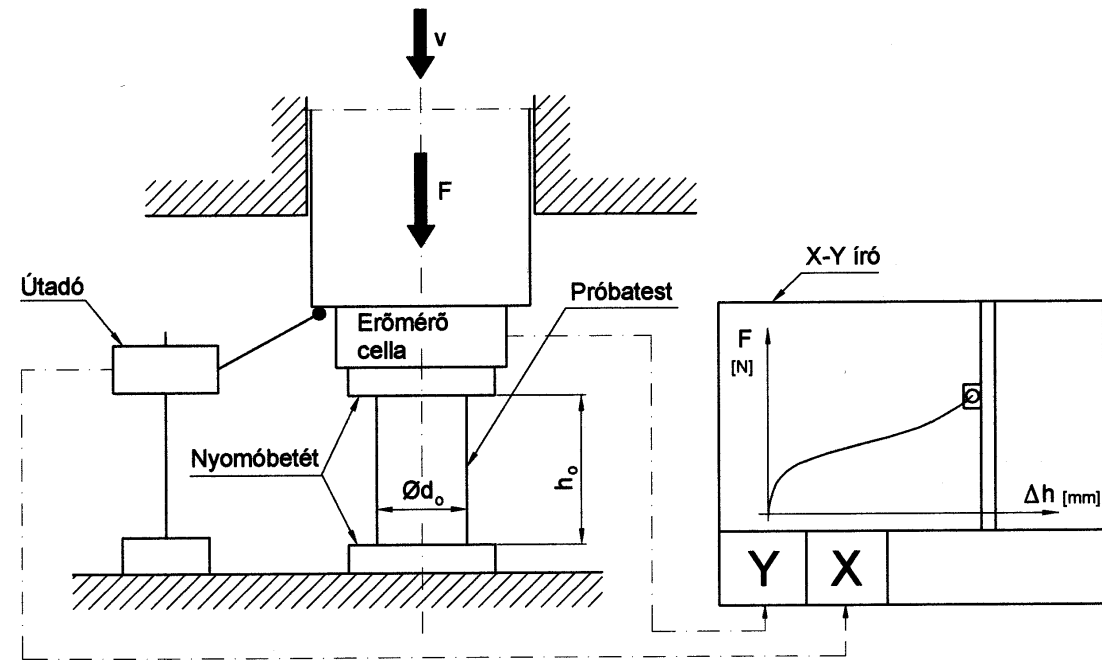


# Folyásgörbe meghatározás módszerei

- $k_f = f(\varphi_{\ddot{o}}, \varphi_{\ddot{o}}[1/s], T)$
- Meghatározáshoz biztosítani kell:
  - Egytengelyű feszültségi állapot
  - Hőmérséklet állandósága
  - Összehasonlító alakváltozási feszültség állandósága
- Módszerek:
  - Hengeres próbatest zömítő vizsgálata
  - Lapos próbatest zömítő vizsgálata (Watts-Ford módszer)

# Folyásgörbe meghatározás módszerei

- Zömítő vizsgálat hengeres próbatesttel.
  - Egytengelyűség elérhető, ha a véglapokon elhanyagolható a súrlódás →polírozás, kenés
  - Átlagnyomás  $\bar{p} = k_f \left(1 + \frac{\mu d}{3 h}\right)$
  - Ha  $\mu \approx 0$  akkor  $\bar{p} = k_f$
  - $k_{fi} = \frac{F_i h_i}{A_0 h_0}$
  - $\varphi_{\ddot{o}i} = \ln \frac{h_i}{h_0}$





# Folyásgörbe meghatározás módszerei

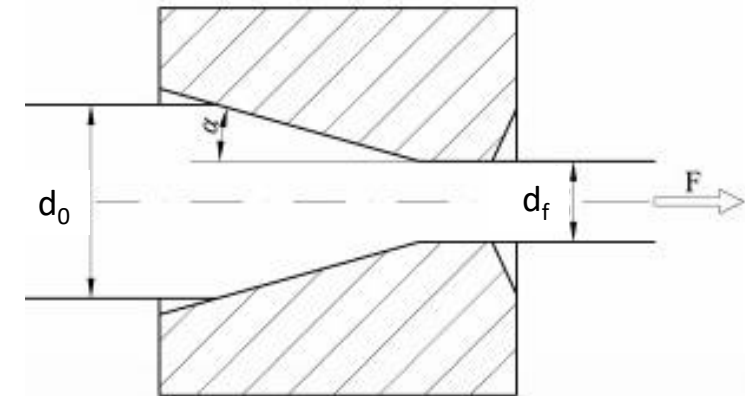
- Legkisebb négyzetek módszerével illesztve:

$$\bullet n = \frac{\sum_{i=1}^N (\ln k_{fi} \cdot \ln \varphi_{\ddot{o}i}) - \frac{\sum_{i=1}^N \ln k_{fi} \cdot \sum_{i=1}^N \ln \varphi_{\ddot{o}i}}{N}}{\sum_{i=1}^N (\ln \varphi_{\ddot{o}i})^2 - \frac{[\sum_{i=1}^N \ln \varphi_{\ddot{o}i}]^2}{N}}$$

$$\bullet A = e^{\left( \frac{\sum_{i=1}^N \ln k_{fi}}{N} - n \frac{\sum_{i=1}^N \ln \varphi_{\ddot{o}i}}{N} \right)}$$

# Közepes alakítási szilárdság

- $k_f$ - $\varphi_{\ddot{o}}$  kapcsolat nem lineáris
- $k_{fk} = (k_{f0} + k_{f1})/2$  közelítés csak akkor elfogadható, ha az alakváltozás a  $k_f$  görbe lineáris szakaszán történik, vagy kicsi az alakváltozás.
- Az integrál közép pontosabb eredményt ad:
- $$\int_0^{\varphi_{\ddot{o}1}} A \varphi_{\ddot{o}}^n d\varphi = \frac{A}{n+1} \varphi_{\ddot{o}1}^{n+1}$$
- Példa: Huzal húzás :  $d_0 = 5$  mm huzal előgyártmány
  - C10 anyag  $A = 683.5$  MPa,  $n = 0.235$
  - Kúpos szerszámban húzzuk  $\alpha = 15^\circ$  félkúpszög
  - Húzás utáni átmérő:  $d_f = 4.2$  mm, súrlódási tényező  $\mu = 0.1$
- Mekkora  $F$  nagysága?



# Huzal húzási példa megoldása

- Sugárirányú nyúlás:  $\varphi_r = \ln \frac{d_f}{d_0} = -0.174$
- Érintő irányú nyúlás:  $\varphi_t = \varphi_r = -0.174$
- Hosszirányú nyúlás:  $\varphi_z = -(\varphi_r + \varphi_t) = 0.348$
- Összehasonlító alakváltozás:  $\varphi_{\ddot{o}f} = \sqrt{\frac{2}{3}(\varphi_r^2 + \varphi_t^2 + \varphi_z^2)} = 0.348$
- Alakítási szilárdság:  $k_{ff} = A\varphi_{\ddot{o}f}^n = 533.35 \text{ MPa}$
- Közepes alakítási szilárdság:
  - Számtani középpel:  $K_{fk} = (k_{f0} + k_{ff})/2 = 359.9 \text{ MPa}$  – nem pontos!
  - Integrál középpel:  $k_{fk} = \int_0^{\varphi_{\ddot{o}f}} A\varphi_{\ddot{o}}^n d\varphi / \varphi_{\ddot{o}f} = \frac{A}{n+1} \varphi_{\ddot{o}f}^n = 431.9 \text{ MPa}$
- $\sigma_z = k_{fk} \varphi_{\ddot{o}f} \left( 1 + \frac{\mu}{\alpha} + \frac{2}{3} \frac{\alpha}{\varphi_{\ddot{o}f}} \right) = 283.1 \text{ MPa}$
- $F = \sigma_z A_f = 3922.2 \text{ N}$

# Alakítás mukaszükségelele

- Elemi munka:  $dw = k_f(\varphi_{\ddot{o}})d\varphi_{\ddot{o}}$
- Fajlagos munka:  $w = \int_0^{\varphi_{\ddot{o}1}} k_f(\varphi_{\ddot{o}}) d\varphi_{\ddot{o}} = \int_0^{\varphi_{\ddot{o}1}} A\varphi_{\ddot{o}}^n d\varphi_{\ddot{o}} = \frac{A}{n+1} \varphi_{\ddot{o}1}^{n+1} = k_{fk} \varphi_{\ddot{o}1}$
- Teljes munka:  $W = wV$  homogén alakváltóási állapot esetén  
 $W = \int w(x, y, z) dV$  inhomogén alakvált. állapot esetén.
- Példa: Az előző példán határozzuk meg a képlékeny tartományban az ideális fajlagos és teljes munkát!
- $w_{id} = k_{fk} \varphi_{\ddot{o}f} = 150.3 \cdot 10^{-3} \text{ J/mm}^3$
- $V = \frac{m\pi}{12} (d_0^2 + d_f^2 + d_0 d_f) = 24.87 \text{ mm}^3$  - csonkakúp térfogata
- $m = \frac{d_0 - d_f}{2tg\alpha} = 1.493 \text{ mm}$  - csonkakúp magassága
- $W_{id} = 3.75 \text{ J}$

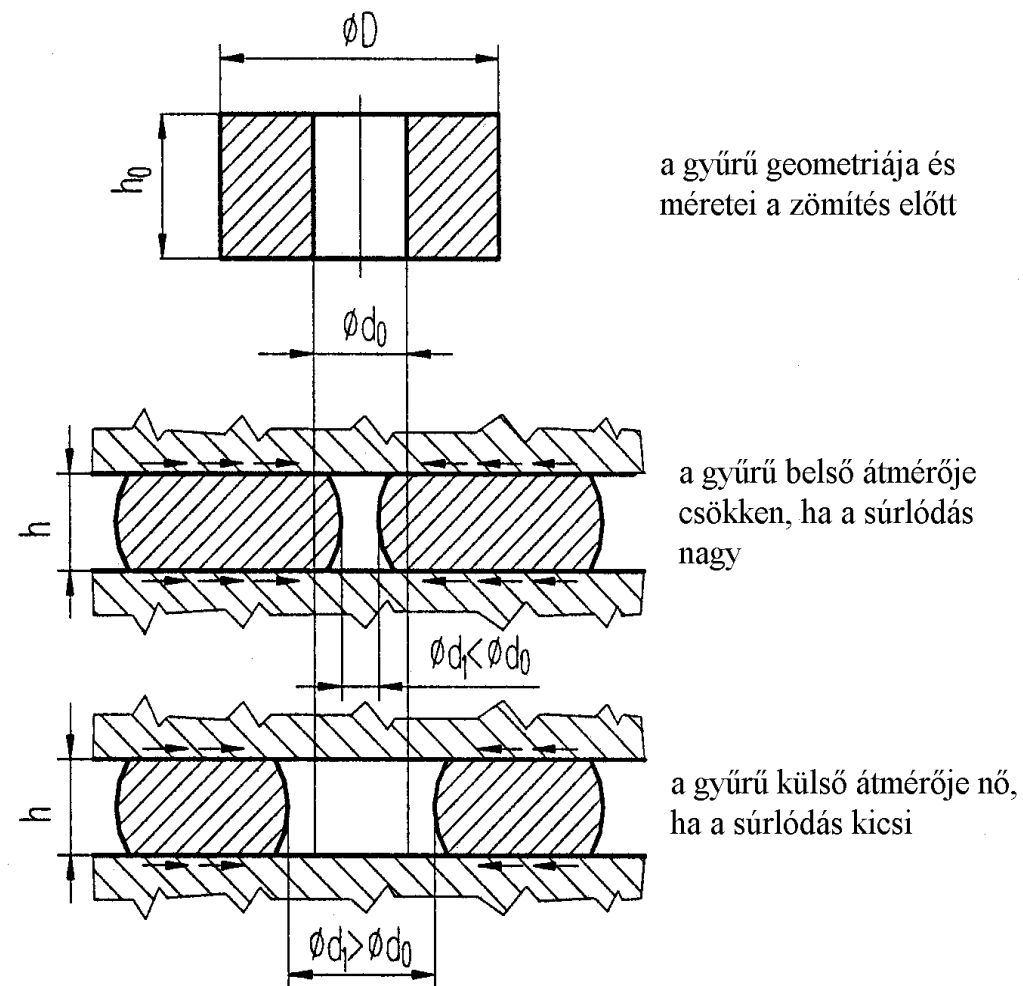
# Súrlódás

- Befolyásolja:
  - Képlékeny zónát
  - Alakító erőt
  - Munkát, teljesítményt
  - Szerszámkopást → alak és méretpontosság → szerszám élettartam
  - Felületi minőséget
- Súrlódást befolyásoló tényezők:
  - Felületi érdesség
  - Kenőanyag minősége, mennyisége
  - Hőmérséklet
  - Relatív sebesség
  - Érintkezési nyomás
- Súrlódási viszonyokat a súrlódási tényezővel jellemezzük.
- $\mu = \frac{\tau_s}{\sigma_n}$  Coulomb elmélet
- $0 \leq \mu \leq \frac{1}{\sqrt{3}} \approx 0.57$
- Kudo féle súrlódási szám:  $m = \frac{\tau_s}{\tau_f}$
- $\mu = m\sqrt{3}$

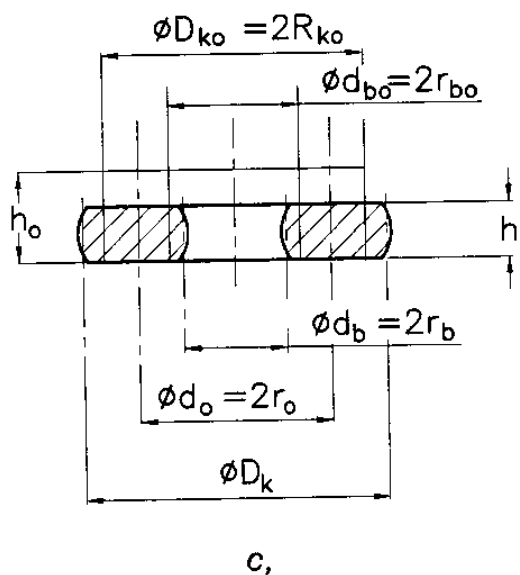
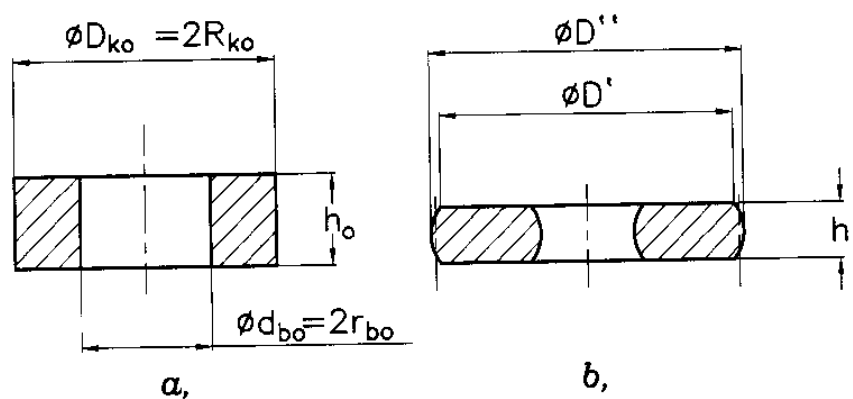
# Súrlódási tényező mérése

- Szalaghúzó próba
- Nyújtva hajlító próba
- Gyűrűzömítő vizsgálat
  - Ha  $\mu$  kicsi a belső  $\varnothing$  kismértékben nő  
külső jelentősen nő
  - Ha  $\mu$  nagy a belső  $\varnothing$  csökken  
külső kis mértékben nő

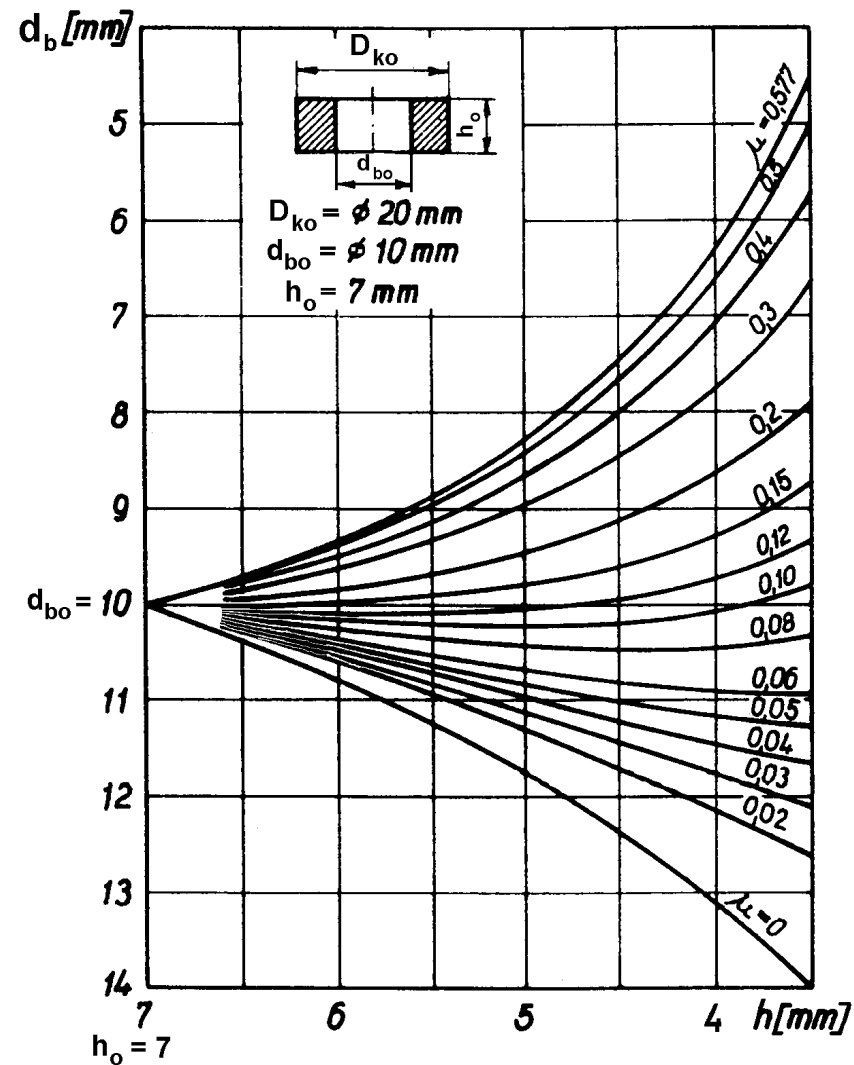
- Semleges réteg sugara:  $r_0 = \sqrt{\frac{R_{k0}^2 - h_0 - R_k^2 h}{h_0 - h}}$



# Súrlódási tényező meghatározása

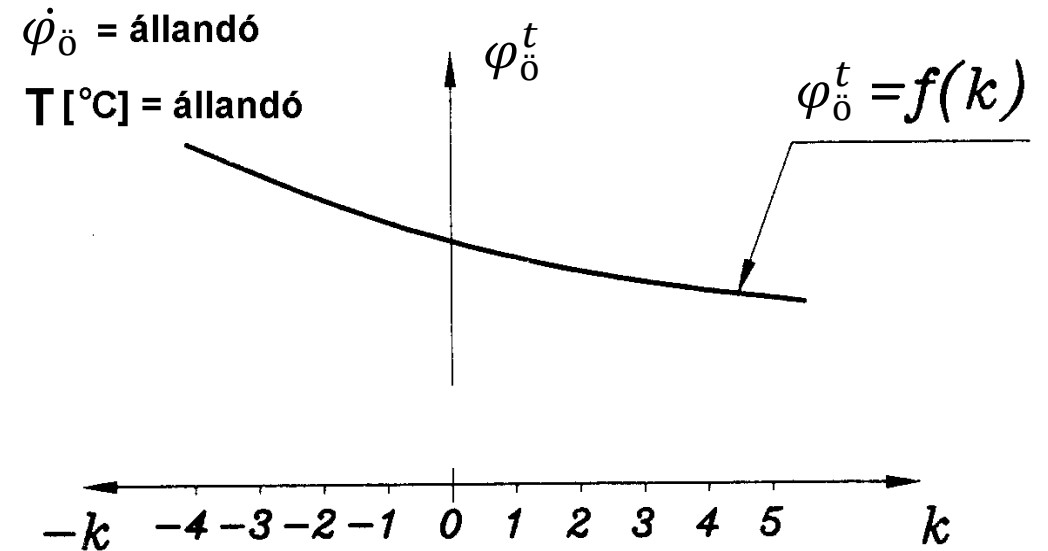


$$D_k = \frac{2D'' + D'}{3}$$



# Alakíthatósági határállapot

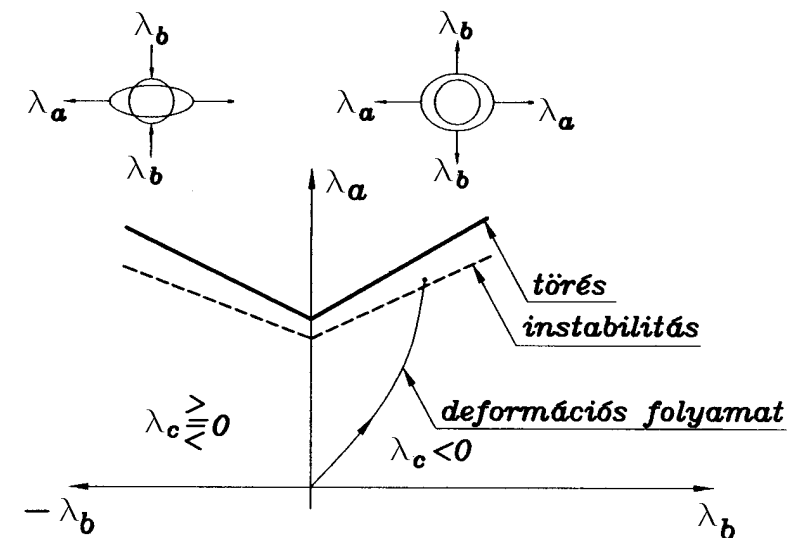
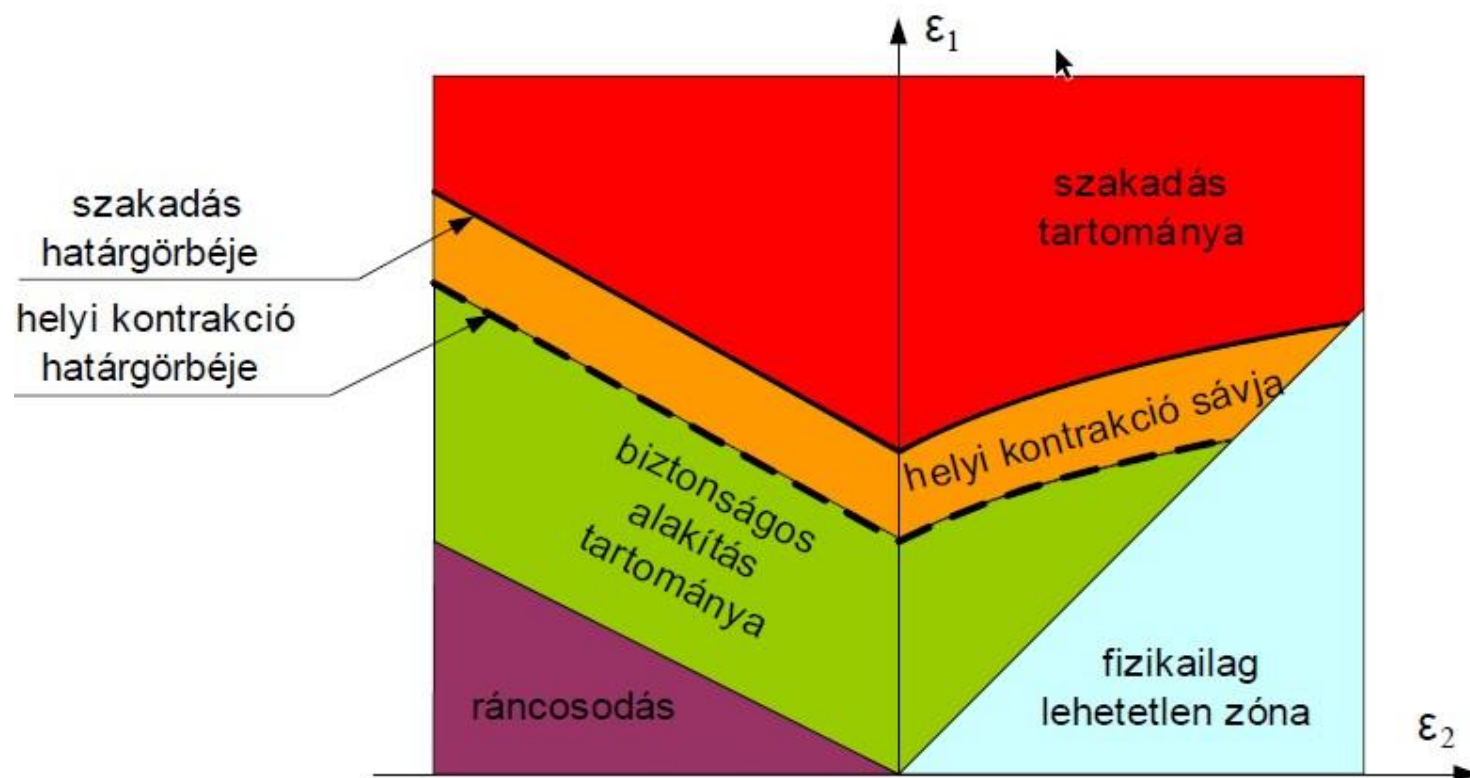
- $\varphi_{\ddot{o}}^t = f(T, \dot{\varphi}, \sigma, A)$
- A – anyagszerkezet hatását figyelembe vevő függvény
- k – feszültségállapot mutató
- $k = \frac{\sigma_m}{k_f}$  -  $\sigma_m$  - közép feszültség



Térfogatalakításra érvényes alakíthatósági határgörbe



# Alakíthatósági határállapot



*Az alakítási határdiagram különféle károsodási határesetek feltüntetésével*